

1. LETNIK
TEKMOVALKA-TEKMOVALEC:

MATHEMA LOGIČNA POŠAST



NAPOTKI:

- Za vpis napačnega odgovora se točke lahko odbijejo.
- Če rešitve ni ali se je ne da določiti, to zapiši.
- Če je rešitev več, zapiši vse.

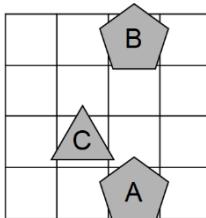
ŠOLSKA STOPNJA TEKMOVANJA 2024-25

ČAS REŠEVANJA: 45 MINUT

1. SVET

Ugotovi resničnostno vrednost danih stavkov. Oznake resničnosti (R ali N) stavkov zapiši v tabelo. Zadnji primer (11.) je že rešen.

- | | |
|---|--|
| | 1. $\forall x \text{ siv}(x)$ |
| | 2. $\forall x (\neg \text{trikotnik}(x))$ |
| | 3. $\neg(\forall x \text{ kvadrat}(x))$ |
| | 4. $\neg(\forall x (\neg \text{petkotnik}(x)))$ |
| | 5. $\exists x \forall y \neq x (\text{nad}(x,y))$ |
| | 6. $\exists x \forall y \neq x (\text{levo od}(x,y))$ |
| | 7. $\forall x \exists y \neq x (\text{siv}(x) \wedge \text{bel}(y))$ |
| | 8. $\forall x \exists y \neq x (\neg \text{siv}(x) \vee \neg \text{petkotnik}(y))$ |
| | 9. $\exists x \forall y \neq x (\neg \text{trikotnik}(x) \wedge \neg \text{trikotnik}(y))$ |
| R | 10. $\exists x \forall y \neq x (\text{trikotnik}(x) \wedge \neg \text{siv}(y))$ |
| | 11. desno od(A,C) |

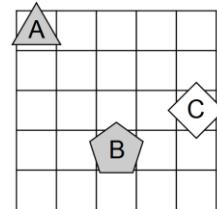


1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
R	N	R	R	R	R	N	N	N	N	R

2. NEODVISNOST POGOJEV

Poisci imena likov (A, B in C), če so izpolnjeni dani pogoji (1, 2 in 3). Pokaži, da so pogoji neodvisni, tako da za vsak pogoj najdeš vse možnosti, ko ta pogoj ni izpolnjen, drugi pa so.

- Izpolnjeni pogoj: R 1. petkotnik (A) \Rightarrow kvadrat (B)
Izpolnjeni pogoj: N 2. siv (B) \wedge kvadrat (A)
Izpolnjeni pogoj: R 3. kvadrat (B) \Rightarrow levo (B,C)



Opomba:
pod (A, B) - A je pod B

Oznaki:

R - resnično

N - neresnično

	A		
	B		C
Izpolnjeni vsi pogoji:	BAC		
1. pogoj ni izpolnjen:	ABC		
2. pogoj ni izpolnjen:	CBA	BCA	

3. FUTOŠKI S KONGRUENCAMI

V kvadratke vpiši zaporedna števila od 1 do 5, tako da bodo v vsaki vrstici in v vsakem stolpcu vsa števila ter da bodo izpolnjene relacije \equiv . Oznaka $a \equiv n b$ pomeni, da je razlika št. a in b ali b in a deljiva z n.

1	5	2	4	3
4	2	1	3	5
2	1	3	5	4
3	4	5	1	2
5	3	4	2	1

5. MALE IN VELIKE POŠASTI

mala pošast - vedno pove resnico
velika pošast - vedno laže

V deželi malih in velikih pošasti srečamo več pošasti (pošast A, B, C, ...). Na osnovi izjav ugotovi, katera med njimi je mala in katera velika pošast. **Vse izjave so neresnične (N).**

1. C je velika pošast in E je velika pošast.
2. A je mala pošast, če in samo če je D velika pošast.
3. Če je B velika pošast, potem je D velika pošast.
4. E je mala pošast in A je mala pošast.

A je mala pošast.
B je velika pošast.
C je mala pošast.
D je mala pošast.
E je velika pošast.

4. MATEMČKI IN TEMAČKI

V deželi Matemčkov in Temačkov živijo prebivalci dveh vrst, Matemčki in Temački. Pri pogovoru med njimi velja pravilo, da je izjava, ki jo da prebivalec drugemu, resnična natanko tedaj, kadar sta prebivalca iste vrste. Srečamo prebivalce (A, B, C, D), ki podajo spodnje izjave. Kateri prebivalec je Matemček in kateri je Temaček?

A B-ju: Če sem Temaček, potem si ti Matemček.

B C-ju: A je Matemček, če in samo če sem jaz Temaček.

C D-ju: Če je B Temaček, potem sem jaz Matemček.

A je Matemček.

B je Matemček.

C je Temaček.

D je Temaček.

6. VITEZI, OPRODE, VOHUNI

vitezi – vedno povedo resnico

oprode – vedno lažejo

vohuni – kakor kdaj

V deželi lažnivcev živijo vitezi, oprode in vohuni. Srečamo več oseb (osebe A, B, C, ...), ki zapovrstjo podajo izjave. **Med njimi je največ en vohun.** Na osnovi povedanega ugotovi, kdo je vitez, oproda ali vohun.

A: B je vitez, če in samo če je C oproda.

B: B je oproda ali A je vohun.

C: B je vitez, če in samo če je A vitez.

D: C je vohun ali B je oproda.

A je vohun.

B je vitez.

C je oproda.

D je oproda.

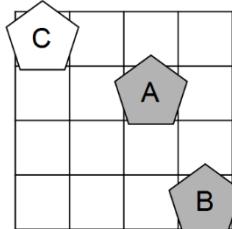


- Za vpis resničnega odgovora se točke lahko odbijejo.
- Če rešitve ni ali se je ne da določiti, to zapiši.
- Če je rešitev več, zapiši vse.

1. SVET

Ugotovi resničnostno vrednost danih stavkov. Oznako resničnosti (R ali N) stavkov zapiši v tabelo. Zadnji primer (11.) je že rešen.

1. $\exists x \text{ kvadrat}(x)$
2. $\exists x(\neg siv(x))$
3. $\neg(\forall x \text{ bel}(x))$
4. $\neg(\forall x(\neg \text{trikotnik}(x)))$
5. $\exists x \forall y \neq x (\text{desno od}(x,y))$
6. $\exists x \forall y \neq x (\text{pod}(x,y))$
7. $\forall x \exists y \neq x (\text{kvadrat}(x) \vee \text{trikotnik}(y))$
8. $\forall x \exists y \neq x (\neg \text{kvadrat}(x) \wedge \neg \text{trikotnik}(y))$
9. $\exists x \forall y \neq x (siv(x) \vee \neg siv(y))$
10. $\exists x \forall y \neq x (\neg \text{trikotnik}(x) \vee \text{kvadrat}(y))$
11. nad(C,B)



	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
R	N	R	R	N	R	R	N	R	R	R	R

3. FUTOŠKI S KONGRUENCAMI

V kvadratke vpiši zaporedna števila od 1 do 5, tako da bodo v vsaki vrstici in v vsakem stolpcu vsa števila ter da bodo izpolnjene relacije \equiv . Oznaka $a \equiv n b$ pomeni, da je razlika št. a in b ali b in a deljiva z n.

2	5	1	4	3
1	2	3	5	4
4	3	5	2	1
5	1	4	3	2
3	4	2	1	5

5. MALE IN VELIKE POŠASTI

mala pošast - vedno pove resnico

velika pošast - vedno laže

V deželi malih in velikih pošasti srečamo več pošasti (pošast A, B, C, ...). Na osnovi izjav ugotovi, katera med njimi je mala in katera velika pošast. **Vse izjave so neresnične (N).**

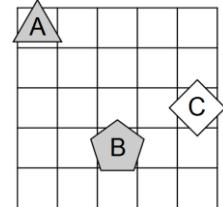
1. C je mala pošast in E je mala pošast.
2. C je mala pošast in D je mala pošast.
3. A je velika pošast in E je velika pošast.
4. Če je C mala pošast, potem je B velika pošast.

A je mala pošast.
B je mala pošast.
C je mala pošast.
D je velika pošast.
E je velika pošast.

2. NEODVISNOST POGOJEV

Poišči imena likov (A, B in C), če so izpoljeni dani pogoji (1, 2 in 3). Pokaži, da so pogoji neodvisni, tako da za vsak pogoj najdeš **vse možnosti**, ko ta pogoj ni izpoljen, drugi pa so. Imena likov vpiši v spodnjo tabelo.

- R 1. petkotnik (A) \Rightarrow kvadrat (B)
N 2. siv (B) \wedge kvadrat (A)
R 3. kvadrat (B) \Rightarrow levo (B,C)



Opomba:
pod (A, B) - A je pod B

Oznaki:
R - resnično
N - neresnično

Izpoljeni vsi pogoji:	BAC
2. pogoj ni izpoljen:	CBA BCA
3. pogoj ni izpoljen:	CAB ACB

4. MATEMČKI IN TEMAČKI

V deželi Matemčkov in Temačkov živijo prebivalci dveh vrst, Matemčki in Temački. Pri pogovoru med njimi velja pravilo, da je izjava, ki jo da prebivalec drugemu, resnična natanko tedaj, kadar sta prebivalca iste vrste. Srečamo prebivalce (A, B, C, D, E), ki podajo spodnje izjave. Kateri prebivalec je Matemček in kateri je Temaček?

- A B-ju: Če je E Temaček, potem je C Matemček.
B C-ju: Če sem Temaček, potem je D Temaček.
C D-ju: E je Matemček in ti si Temaček.
D E-ju: Si Matemček ali B je Matemček.

- A je Matemček.
B je Matemček.
C je Matemček.
D je Temaček.
E je Temaček.

6. VITEZI, OPRODE, VOHUNI

vitez - vedno povedo resnico

oprode - vedno lažejo

vohuni - kakor kdaj

V deželi lažnivcev živijo vitezi, oprode in vohuni. Srečamo več oseb (osebe A, B, C, ...), ki zapovrstjo podajo izjave. **Med njimi je največ en vohun.** Na osnovi povedanega ugotovi, kdo je vitez, oproda ali vohun.

- A: D je oproda ali A je vitez.
B: A je vohun in D je vohun.
C: D je vitez, če in samo če je C vitez.
D: D je vitez in B je vitez.

- A je vitez.
B je oproda.
C je vohun.
D je oproda.

3. LETNIK
TEKMOVALKA-TEKMOVALEC:

MATHEMA LOGIČNA POŠAST



ŠOLSKA STOPNJA TEKMOVANJA 2024-25
ČAS REŠEVANJA: 45 MINUT

NAPOTKI:

- Za vpis napačnega odgovora se točke lahko odbijejo.
- Če rešitev ni ali se je ne da določiti, to zapiši.
- Če je rešitev več, zapiši vse.

NAVODILA

- Lik v »svetu« je lahko trikotnik, kvadrat ali petkotnik, po barvi pa bel ali siv.
- Med liki nastopajo relacije: »A je **levo** od B« pomeni, da je središče lika A v stolpcu, ki je levo od stolpca, v katerem je središče lika B; »A je **pod** B« pomeni, da je središče lika A v vrstici, ki je pod vrstico, v kateri je središče lika B. Podobno velja za relacije »je desno« in »je nad«.
- Resničnost** bomo označevali z 1 (ali R), **neresničnost** pa z 0 (ali N).

IZBRANA TROVREDNOSTNA LOGIKA

- Če je lik **A krog**, pomeni, da oblika lika ni znana. Potem je vrednost izjave *Trikotnik(A)* enaka **1/2**.
- Če je lik **B polovično obarvan** belo-sivo, to pomeni, da njegova barva ni določena. Potem je vrednost izjave *Siv(B)* enaka **1/2**.
- Vrednost sestavljenih izjav** je podana s tabelo na desni.
- Za **negacijo izjave** velja, da je vrednost negacij za $1, 1/2$ in 0 enaka $0, 1/2$ in 1 .

p	q	$p \wedge q$	$p \vee q$	$p \Rightarrow q$	$p \Leftrightarrow q$
1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	0	0
1/2	1/2	1/2	1	1/2	1/2
0	1	0	1	1	0
0	0	0	0	1	1
0	1/2	0	1/2	1	1/2
1/2	1	1/2	1	1	1/2
1/2	0	0	1/2	1/2	1/2
1/2	1/2	1/2	1/2	1/2	1/2

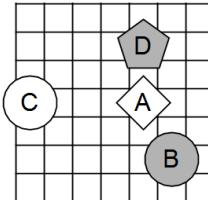
VERJETNOSTNA LOGIKA

- Če je lik **A krog**, pomeni, da oblika lika ni znana. V tem primeru je vrednost izjave *Trikotnik(A)* enaka **1/3**.
- Če je lik **B polovično obarvan** belo-sivo, to pomeni, da njegova barva ni določena. Potem je vrednost izjave *Siv(B)* enaka **1/2**.
- Pri **vrednosti sestavljenih izjav** veljajo pravila verjetnostnega računa. Pri tem upoštevamo, da je barva lika neodvisna od oblike. Primer: lik C je krog obarvan belo-sivo. Potem je verjetnost izjave *Trikotnik(C) \wedge Bel(C)* enaka **1/6**.

2. IZBRANA TROVREDNOSTNA LOGIKA

Izračunaj vrednosti izjav v izbrani trovrednostni logiki (uporabi tabelo zgoraj). Vrednost izjav zapiši v tabelo levo od izjave.

1/2	1. siv (D) \Leftrightarrow trikotnik (C)
1/2	2. petkotnik (B) \Leftrightarrow petkotnik (B)
0	3. \neg petkotnik (B) \wedge \neg bel (A)
1/2	4. \neg kvadrat (C) \Rightarrow petkotnik (C)
1	5. trikotnik (D) \Rightarrow petkotnik (A)
0	6. \neg (siv (B) \vee \neg bel (A))
0	7. \neg (trikotnik (C) \vee \neg kvadrat (D))
0	8. \neg (kvadrat (C) \Rightarrow petkotnik (D))



4. MATEMČKI IN TEMAČKI

V deželi Matemčkov in Temačkov živijo prebivalci dveh vrst, Matemčki in Temački. Pri pogovoru med njimi velja pravilo, da je izjava, ki jo da prebivalec drugemu, resnična natanko tedaj, kadar sta prebivalca iste vrste. Srečamo prebivalce (A, B, C, D, E, F), ki podajo spodnje izjave. Kateri prebivalec je Matemček in kateri je Temaček?

A B-ju: Sem Temaček ali F je Temaček.

B C-ju: Si Matemček ali D je Matemček.

C D-ju: Če je F Matemček, potem je E Matemček.

D E-ju: Si Matemček, če in samo če je A Matemček.

E F-ju: B je Matemček ali si ti Matemček.

A je Matemček.

B je Matemček.

C je Matemček.

D je Matemček.

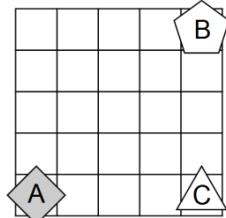
E je Temaček.

F je Temaček.

1. NEODVISNOST POGOJEV

Pošči imena likov (A, B in C), če so izpolnjeni dani pogoji (1, 2 in 3). Pokaži, da so pogoji neodvisni, tako da za vsak pogoj najdeš **vse možnosti**, ko ta pogoj ni izpolnjen, drugi pa so. Imena likov vpiši v spodnjo tabelo.

- N 1. kvadrat (C) \vee trikotnik (A)
N 2. siv (B) \vee trikotnik (A)
N 3. petkotnik (A) \Leftrightarrow pod (A,B)



Opomba:
pod (A, B) - A je pod B

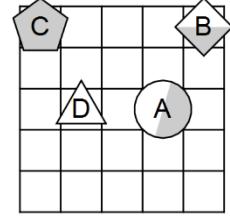
Oznaki:
R - resnično
N - neressnično

Vsi pogoji izpolnjeni:	BAC		
2. pogoj ni izpolnjen:	ABC	BCA	
3. pogoj ni izpolnjen:			CAB

3. VERJETNOSTNA LOGIKA

Izračunaj vrednosti izjav v verjetnostni logiki. Vrednost izjav zapiši v tabelo levo od izjave.

1	1. \neg siv (D) \vee siv (C)
2/3	2. \neg bel (A) \vee trikotnik (A)
1	3. siv (B) \vee \neg kvadrat (D)
1/2	4. petkotnik (B) \vee siv (A)
1	5. \neg kvadrat (C) \wedge \neg petkotnik (B)
1/2	6. \neg kvadrat (B) \vee \neg siv (B)
1	7. \neg bel (C) \vee \neg bel (A)
1/3	8. \neg petkotnik (A) \wedge \neg siv (B)



5. VITEZI, OPRODE, VOHUNI

vitezi – vedno povedo resnično

oprode – vedno lažejo

vohuni – kakor kdaj

V deželi lažnivcev živijo vitezi, oprode in vohuni. Srečamo več oseb (osebe A, B, C, ...), ki zapovrstjo podajo izjave. **Med njimi je največ en vohun.** Na osnovi povedanega ugotovi, kdo je vitez, oproda ali vohun.

A: Če je E vitez, potem je B vohun.

B: A je vohun, če in samo če je C vohun.

C: E je vohun ali D je vitez.

D: D je oproda ali C je oproda.

E: D je vitez, če in samo če je C oproda.

A je vitez.

B je vitez.

C je oproda.

D je vohun.

E je oproda



ŠOLSKA STOPNJA TEKMOVANJA 2024-25

ČAS REŠEVANJA: 45 MINUT

NAPOTKI:

- Za vpis napačnega odgovora se točke lahko odbijejo.
- Če rešitev ni ali se je ne da določiti, to zapiši.
- Če je rešitev več, zapiši vse.

NAVODILA

- Lik v »svetu« je lahko trikotnik, kvadrat ali petkotnik, po barvi pa bel ali siv.
- Med liki nastopajo relacije: »A je **levo** od B« pomeni, da je središče lika A v stolpcu, ki je levo od stolpca, v katerem je središče lika B; »A je **pod** B« pomeni, da je središče lika A v vrstici, ki je pod vrstico, v kateri je središče lika B. Podobno velja za relacije »je desno« in »je nad«.
- Resničnost** bomo označevali z 1 (ali R), **neresničnost** pa z 0 (ali N).

IZBRANA TROVREDNOSTNA LOGIKA

- Če je lik **A krog**, pomeni, da oblika lika ni znana. Potem je vrednost izjave *Trikotnik(A)* enaka 1/2.
- Če je lik **B polovično obarvan** belo-sivo, to pomeni, da njegova barva ni določena. Potem je vrednost izjave *Siv(B)* enaka 1/2.
- Vrednost sestavljenih izjav** je podana s tabelo na desni.
- Za **negacijo izjave** velja, da je vrednost negacij za 1, 1/2 in 0 enaka 0, 1/2 in 1.

p	q	$p \wedge q$	$p \vee q$	$p \Rightarrow q$	$p \Leftrightarrow q$
1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	0	0
1/2	1/2	1/2	1	1/2	1/2
0	1	0	1	1	0
0	0	0	0	1	1
0	1/2	0	1/2	1	1/2
1/2	1	1/2	1	1	1/2
1/2	0	0	1/2	1/2	1/2
1/2	1/2	1/2	1/2	1/2	1/2

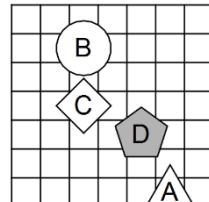
VERJETNOSTNA LOGIKA

- Če je lik **A krog**, pomeni, da oblika lika ni znana. V tem primeru je vrednost izjave *Trikotnik(A)* enaka 1/3.
- Če je lik **B polovično obarvan** belo-sivo, to pomeni, da njegova barva ni določena. Potem je vrednost izjave *Siv(B)* enaka 1/2.
- Pri **vrednosti sestavljenih izjav** veljajo pravila verjetnostnega računa. Pri tem upoštevamo, da je barva lika neodvisna od oblike. Primer: lik C je krog obarvan belo-sivo. Potem je verjetnost izjave *Trikotnik(C) \ Bel(C)* enaka 1/6.

2. IZBRANA TROVREDNOSTNA LOGIKA

Izračunaj vrednosti izjav v izbrani trovrednostni logiki (uporabi tabelo zgoraj). Vrednost izjav zapiši v tabelo levo od izjave.

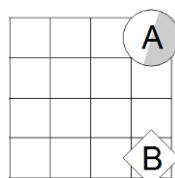
1/2	1. \neg petkotnik (B) \vee \neg bel (B)
1/2	2. trikotnik (A) \Leftrightarrow \neg petkotnik (B)
1/2	3. kvadrat (B) \Leftrightarrow \neg siv (D)
1	4. \neg kvadrat (A) \vee trikotnik (A)
0	5. petkotnik (A) \wedge \neg kvadrat (C)
1	6. \neg (\neg petkotnik (D) \vee kvadrat (A))
1/2	7. \neg (trikotnik (C) \Leftrightarrow \neg trikotnik (B))
1/2	8. \neg (\neg kvadrat (B) \vee trikotnik (B))



4. VERJETNOSTNA LOGIKA - POGOJNA VERJETNOST

V danem svetu je slučajno izbran en lik, recimo mu X. Pogojno verjetnost dogodka E pri pogoju S označujemo $P(E|S)$.

Izpolni spodnjo tabelo.

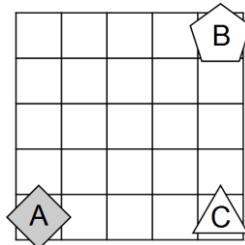


S	$P(S)$	$P(X = A S)$	$P(X = B S)$
kvadrat(X)	2/3	1/4	3/4
\neg petkotnik(X)	5/6	2/5	3/5
bel(X) \vee kvadrat(X)	5/6	2/5	3/5
bel(X) \wedge \neg kvadrat(X)	1/6	1	0
\neg bel(X) \vee trikotnik(X)	1/3	1	0
\neg bel(X) \vee \neg petkotnik(X)	11/12	5/11	6/11

1. NEODVISNOST POGOJEV

Pošči imena likov (A, B in C), če so izpolnjeni dani pogoji (1, 2 in 3). Pokaži, da so pogoji neodvisni, tako da za vsak pogoj najdeš **vse možnosti**, ko ta pogoj ni izpolnjen, drugi pa so. Imena likov vpiši v spodnjo tabelo.

- N 1. kvadrat (C) \vee trikotnik (A)
 N 2. siv (B) \vee trikotnik (A)
 N 3. petkotnik (A) \Leftrightarrow pod (A,B)



Opomba:
 pod (A, B) - A je pod B

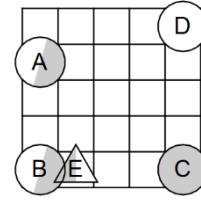
Oznaki:
 R - resnično
 N - neresnično

Vsi pogoji izpolnjeni:	BAC
1. pogoj ni izpolnjen:	ACB
2. pogoj ni izpolnjen:	ABC BCA
3. pogoj ni izpolnjen:	CAB

3. VERJETNOSTNA LOGIKA

Izračunaj vrednosti izjav v verjetnostni logiki. Vrednost izjav zapiši v tabelo levo od izjave.

2/3	1. \neg trikotnik (B) \wedge siv (C)
8/9	2. \neg trikotnik (B) \vee \neg petkotnik (A)
1	3. \neg siv (A) \vee \neg siv (D)
2/3	4. trikotnik (B) \vee bel (B)
5/6	5. \neg petkotnik (B) \vee \neg bel (B)
1/2	6. bel (E) \wedge \neg bel (C)
1/6	7. petkotnik (B) \wedge \neg bel (A)
2/3	8. \neg kvadrat (A) \vee \neg kvadrat (A)



5. MATEMČKI IN TEMAČKI

V deželi Matemčkov in Temačkov živijo prebivalci dveh vrst, Matemčki in Temački. Pri pogovoru med njimi velja pravilo, da je izjava, ki jo da prebivalec drugemu, resnična natanko tedaj, kadar sta prebivalca iste vrste. Srečamo prebivalce (A, B, C, D, E in F), ki podajo spodnje izjave. Kateri prebivalec je Matemček in kateri je Temaček?

- A B-ju: F je Matemček, če in samo če je C Temaček.
 B C-ju: Sem Matemček in E je Matemček.
 C D-ju: F je Matemček ali si ti Matemček.
 D E-ju: Sem Matemček in F je Matemček.
 E F-ju: Si Temaček, če in samo če je C Matemček.

- A je Temaček.
 B je Temaček.
 C je Matemček.
 D je Matemček.
 E je Temaček.
 F je Temaček.